

TABLE DES MATIÈRES

| | |
|--|-----------|
| Avant-Propos..... | 3 |
| CHAPITRE 1 ◦ SUITES NUMÉRIQUES | 5 |
| 1 Rappels et prérequis | 6 |
| 1.1 Suites arithmétiques et géométriques | 6 |
| 1.2 Prérequis | 7 |
| 2 Raisonnement par récurrence | 9 |
| 2.1 Le raisonnement par récurrence | 9 |
| 2.2 Majoration et minoration | 12 |
| 3 Limites | 15 |
| 3.1 Définitions | 15 |
| 3.2 Propriétés..... | 21 |
| 3.3 Opérations et limites | 26 |
| 3.4 Suites géométriques | 30 |
| 4 Algorithmes et problèmes | 35 |
| 5 Approfondissements | 40 |
| 5.1 Suites adjacentes | 40 |
| 5.2 Relation de récurrence linéaire d'ordre 2 | 42 |
| 5.3 Exemples célèbres | 44 |
| CHAPITRE 2 ◦ LIMITES ET CONTINUITÉ DE FONCTIONS | 47 |
| 1 Rappels et prérequis | 48 |
| 1.1 Suite et fonction | 48 |
| 1.2 Prérequis | 50 |
| 2 Limites | 52 |
| 2.1 Définition – Asymptote | 52 |
| 2.2 Les fonctions usuelles | 59 |
| 2.3 Propriétés des limites et opérations | 60 |

| | | |
|---|--|------------|
| 3 | Continuité | 67 |
| 3.1 | Définition | 67 |
| 3.2 | Théorème des valeurs intermédiaires et son corollaire | 70 |
| 4 | Algorithmes et problèmes | 78 |
| 5 | Approfondissements | 81 |
| 5.1 | Asymptotes obliques – Branches infinies | 81 |
| 5.2 | Complément sur le théorème des valeurs intermédiaires | 85 |
| 5.3 | Étude spécifique d'un cas de fonctions continues..... | 87 |
| 5.4 | Prolongement par continuité | 89 |
| CHAPITRE 3 ○ COMPLÉMENTS À LA DÉRIVATION | | 91 |
| 1 | Rappels et prérequis | 92 |
| 1.1 | Dérivées et fonctions trigonométriques | 92 |
| 1.2 | Prérequis | 94 |
| 2 | Composée de fonctions | 96 |
| 3 | Fonction convexe et concave – Point d'inflexion | 101 |
| 3.1. | Définitions | 101 |
| 3.2. | Propriétés..... | 102 |
| 4 | Fonctions trigonométriques | 109 |
| 5 | Algorithmes et problèmes | 113 |
| 6 | Approfondissements | 118 |
| 6.1 | Courbe de Lorenz | 118 |
| 6.2 | Dérivée n -ième d'une fonction | 119 |
| 6.3 | Inégalité arithmético-géométrique | 120 |
| 6.4 | Fonction tangente | 122 |
| CHAPITRE 4 ○ LA FONCTION LOGARITHME NÉPÉRIEN | | 125 |
| 1 | Rappels et prérequis | 126 |
| 1.1 | Développement et factorisation | 126 |
| 1.2 | Prérequis | 131 |
| 2 | La fonction logarithme népérien | 133 |
| 2.1 | Définition | 133 |
| 2.2 | Propriétés algébriques | 135 |
| 2.3 | Étude de fonction | 137 |

| | | |
|----------|---------------------------------------|------------|
| 3 | Algorithmes et problèmes | 144 |
| 4 | Approfondissements | 148 |
| 4.1 | Fonction puissance..... | 148 |
| 4.2 | Limite spéciale..... | 150 |

CHAPITRE 5 ◦ PRIMITIVES – ÉQUATIONS DIFFÉRENTIELLES 153

| | | |
|----------|--|------------|
| 1 | Rappels et prérequis | 154 |
| 1.1 | Dérivées | 154 |
| 1.2 | Prérequis | 156 |
| 2 | Primitives – Équation différentielle $y' = f$ | 157 |
| 2.1 | Définition | 157 |
| 2.2 | Calculs | 160 |
| 3 | Équations différentielles $y' = ay$ et $y' = ay + b$..... | 166 |
| 4 | Algorithmes et problèmes | 175 |
| 5 | Approfondissements | 179 |

CHAPITRE 6 ◦ LE CALCUL INTÉGRAL 181

| | | |
|----------|--|------------|
| 1 | Rappels et prérequis | 182 |
| 1.1 | Des aires | 182 |
| 1.2 | Prérequis | 184 |
| 2 | Intégrale : Cas des fonctions continues positives | 186 |
| 2.1 | Définition | 186 |
| 2.2 | Théorèmes | 189 |
| 3 | Intégrale : Cas des fonctions continues | 196 |
| 3.1 | Extension de la définition | 196 |
| 3.2 | Propriétés..... | 200 |
| 3.3 | Valeur moyenne | 205 |
| 3.4 | Intégration par parties | 208 |
| 4 | Algorithmes et problèmes | 212 |
| 5 | Approfondissements | 223 |
| 5.1 | Approximation d'une aire et suites adjacentes | 223 |
| 5.2 | Encadrement d'une somme | 226 |

CHAPITRE 7 ○ COMBINATOIRE ET DÉNOMBREMENT 229

| | | |
|----------|--|------------|
| 1 | Exercices d'introduction | 230 |
| 2 | Principe de dénombrement | 232 |
| 2.1 | Principe additif | 232 |
| 2.2 | Principe multiplicatif | 235 |
| 3 | Listes d'éléments distincts et combinaisons | 242 |
| 3.1 | Listes d'éléments distincts | 242 |
| 3.2 | Permutations | 247 |
| 3.3 | Combinaisons | 249 |
| 4 | Algorithmes et problèmes | 259 |
| 5 | Approfondissements | 262 |

CHAPITRE 8 ○ GÉOMÉTRIE DANS L'ESPACE 265

| | | |
|----------|--|------------|
| 1 | Rappels et prérequis | 266 |
| 1.1 | Vecteurs, droites et produit scalaire | 266 |
| 1.2 | Prérequis | 268 |
| 2 | Géométrie vectorielle | 270 |
| 2.1 | Vecteurs de l'espace – Bases | 270 |
| 2.2 | Droites et vecteurs | 276 |
| 2.3 | Plans et vecteurs | 280 |
| 3 | Orthogonalité et distances | 285 |
| 3.1 | Produit scalaire et base orthonormée | 285 |
| 3.2 | Propriétés | 289 |
| 4 | Représentations paramétriques et équations cartésiennes | 293 |
| 4.1 | Représentation paramétrique d'une droite | 293 |
| 4.2 | Équation cartésienne d'un plan | 297 |
| 5 | Algorithmes et problèmes | 301 |
| 6 | Approfondissements | 309 |
| 6.1 | Fonction vectorielle de Leibniz | 309 |
| 6.2 | Barycentre | 311 |
| 6.3 | Fonction scalaire de Leibniz | 314 |
| 6.4 | Vecteur orthogonal à deux vecteurs non colinéaires | 317 |
| 6.5 | Intersection de deux plans | 319 |

| | | |
|--|---|------------|
| 6.6 | Sphère | 320 |
| 6.7 | Tétraèdre et sphère | 323 |
| CHAPITRE 9 | ○ SUCCESSION D'ÉPREUVES INDÉPENDANTES | |
| – SOMME DE VARIABLES ALÉATOIRES | | 325 |
| 1 | Rappels et prérequis | 326 |
| 1.1 | Probabilité conditionnelle, indépendance et variable aléatoire réelle | 326 |
| 1.2 | Prérequis | 329 |
| 2 | Loi et épreuve de Bernoulli | 331 |
| 2.1 | Définitions | 331 |
| 2.2 | Schéma de Bernoulli | 332 |
| 3 | Loi binomiale | 333 |
| 4 | Somme de variables aléatoires | 340 |
| 4.1 | Définition | 340 |
| 4.2 | Espérance, Variance | 342 |
| 5 | Algorithmes et problèmes | 345 |
| 6 | Approfondissements | 350 |
| 6.1 | Loi géométrique | 350 |
| 6.2 | Loi de Poisson | 352 |
| 6.3 | Espérance d'un produit de variables aléatoires | 354 |
| CHAPITRE 10 | ○ SOLUTIONS DES EXERCICES | 381 |
| 1. | Exercices du chapitre 1 | 381 |
| 2. | Exercices du chapitre 2 | 414 |
| 3. | Exercices du chapitre 3 | 437 |
| 4. | Exercices du chapitre 4 | 462 |
| 5. | Exercices du chapitre 5 | 481 |
| 6. | Exercices du chapitre 6 | 493 |
| 7. | Exercices du chapitre 7 | 519 |
| 8. | Exercices du chapitre 8 | 532 |
| 9. | Exercices du chapitre 9 | 564 |
| 10. | Exercices du chapitre 10 | 579 |